ведены на рисунке. Как видно из рисунка, спектры ε" (λ)θ(λ) для пленок разной толщины, определяемой диаметром образующих ее частиц металла, весьма близки между собой как по положению максимумов, так и по интенсивности полос. Анализ полученных результатов показывает, что небольшие различия в положении максимумов полос в спектрах ε" (λ)θ(λ) носят случайный характер и не коррелируют с толщиной пленок. Это свидетельствует о том, что в пределах ошибок расчета, связанных с недостаточной точностью исходных экспериментальных данных, собственные частоты рассматриваемых энергетических переходов, обусловливающих плазменно-резонансное поглощение пленок, не зависят от их толщины.

Аналогичные результаты получены также для серебряных пленок (см. таблицу). Усредненные значения частот максимумов спектров ε" (λ)θ(λ) практически совпадают со значениями частот поверхностных плазмонов в коллоидных растворах Аи и Ад, полученных в работах [1, 2] при измерении энергетических потерь быстрых электронов и регистрации прямого излучательного распада плазмонов на фотоны (см. таблицу).

Таким образом, полученные результаты показывают, что различия в положении и интенсивности спектров аномального плазменного поглощения тонких пленок Au и Ag различных толщин в значительной степени являются следствием проявления резонансных диполь-дипольных взаимодействий плазменных колебаний электронов в этих системах.

Выражаю глубокую благодарность Н. Г. Бахшиеву и В. С. Либову за обсуждение результатов работы и ряд ценных замечаний.

#### Литература

- V. Kreibig, P. Zacharias. Zs. Phys., 231, 128, 1970.
   T. H. Kokkinakis, G. C. Papavassition. Phys. Stat. Sol. (b), 77, K-49, 1976.
   T. H. Kokkinakis, K. Alexopoulos. Phys. Rev. Lett., 28, 1632,
- 1972.

- 1972.
  [4] S. Yamaguchi, J. Phys. Soc. Japan, 15, 1577, 1960.
  [5] V. V. Truong, G. D. Scott. J. Opt. Soc. Am., 66, 124, 1976.
  [6] И. Н. Шкляревский, П. Л. Пахомов, Т. И. Корнеева. Опт. и спектр., 34, 729, 1973.
  [7] И. Н. Шкляревский, Т. И. Корнеева, К. Н. Зозуля. Опт. и спектр., 27, 332, 1969; И. Н. Шкляревский, А. И. Усоскин, И. Эссигке. Опт. и спектр., 38, 1006, 1975.
  [8] В. М. Агранович, М. Д. Галанин. Перенос энергии электронного реобущиния в усоционстрораницу спонах «Наука» М 1978.

- 1., 1972. [12] И. И. Шаганов, В. С. Либов, Н. Г. Бахшиев. Опт. и спектр.,
- 35, 229, 1973. [13] Т. С. Толстых, И. И. Шаганов, В. С. Либов. ФТТ, 16, 657,
- 1974.

Поступило в Редакцию 20 августа 1979 г.

УЛЕ 537.531 : 535.37

## ТЕМПЕРАТУРНАЯ ЗАВИСИМОСТЬ РЕНТГЕНОЛЮМИНЕСЦЕНЦИИ В LiF

### Е. А. Раджабов и А. И. Непомнящих

Известно, что низкотемпературная рекомбинационная люминесцен-ция в щелочно-галоидных кристаллах (ЩГК) является собственной, осуществляется через возбужденное состояние V<sub>k</sub>-центров с слабо связанным

электроном  $(V_k+e)$  [<sup>1, 2</sup>] и характеризуется в большинстве ШГК двумя полосами. Рентгенолюминесценция (РЛ) чистых кристаллов фтористого лития при температуре жидкого гелия характеризуется коротковолновой 5.6 эВ и длинноволновой 3.4 эВ полосами свечения[<sup>3</sup>]. Обе полосы уменьшаются по интенсивности при нагреве до температуры жидкого азота [<sup>4</sup>].



Рис. 1. Температурная зависимость величины (1) и положения максимума (3) коротковолновой и величины длинноволновой (2) полос экситонного свечения в LiF-Mg. 4 — вклад в РЛ, обусловленный миграцией дырок, 5 — РЛ после вычитания вклада мигрирующих дырок из общего свечения.

В спектрах РЛ при 60 К в LiF-Mg и LiF «чистых» наблюдаются две полосы свечения 5.2 и 3.2 эВ. При повышении температуры до 100 К их интенсивность падает. При дальнейшем повышении температуры наблюдаются пики РЛ 140—150, 260—270, 360—380 К (рис. 1, 2). Автолокализованные дырки в LiF начинают мигрировать выше 113 К [<sup>5</sup>], поэтому





вполне вероятно, что пик РЛ 140—150 К обусловлен миграцией дырок к электронам в ловушках. При этом длительность свечения, обусловленная миграцией дырок, будет на несколько порядков превышать длительность собственного ( $V_k + e$ ) свечения. Вклад, обусловленный миграцией дырок, в общую РЛ можно определить по кривым затухания или разгорания.

Начальный резкий скачок РЛ будет обусловлен рекомбинацией зонных электронов с дырками, а дальнейшее медленное изменение — миграцией дырок к электронным ловушкам. Вклад, обусловленный миграцией дырок, определен по кривым затухания (рис. 1, 2).

Из рис. 1, 2 видно, что основная доля свечения в пике 140—150 К обусловлена миграцией дырок. Вклад мигрирующих дырок в общее свечение начинает расти при температурах выше 100 К в кристаллах LiF-Mg и выше 120 К в LiF «чистых». Разница температур обусловлена, по-видимому, разной длиной пути дырки к электронному центру. Основными электронными центрами, наведенными при этих температурах рентгеновским излучением являются *F*-центры в LiF «чистых» и Mg<sup>+</sup>-центры в LiF-Mg [<sup>6</sup>]. Одновременно с ростом вклада мигрирующих дырок в общее свечение начинается также смещение максимума полосы свечения в коротковолновую сторону.

При температурах ниже 100 К в LiF-Mg после включения рентгеновского излучения наблюдается длительная тупнельная люминесценция. При таких же дозах рентгеновского облучения туннельная люминесценция в LiF «чистых» не зарегистрирована, из чего следует, что туннельная люминесценция в LiF-Mg возникает в близких парах V<sub>k</sub>-Mg<sup>+</sup>. Туннельная люминесценция подробно изучена в KCl-Ag и KCl-Tl и считается, что она обусловлена переходом электрона с уровня металла (6 р электрон Ад или 5s — Tl) на основное состояние молекулы Cl<sub>2</sub> [7], либо с образованием (Cl2<sup>-</sup>) [8] около Ме<sup>+</sup> иона. При этом наблюдалась [7] одна полоса свечения, максимум которой менялся в зависимости от примеси. В кристаллах LiF-Mg спектр туннельной люминесценции практически совпадает со спектрами РЛ и ТСЛ при 120-140 К и содержит 2 полосы свечения 4.9 и 2.6 эВ. Максимумы этих полос можно представить, как возмущенные полосы свечения  $V_k + e$ . Вероятно, в LiF-Mg возбужденное состояние молекулы  $F_2^{2-}$  лежит ниже, чем электронный уровень Mg<sup>+</sup> в запрещенной зоне, и при туннелировании электрона с Mg<sup>+</sup> на  $F_2^-$  образуется ( $F_2^{2-}$ )\* в окрестности Mg++.

Полосы свечения ( $V_k$ +F) — 4.7 и 2.6 эВ — определены по спектрам РЛ и ТСЛ LiF «чистых» в интервале температур 140—150 К. При нагревании кристаллов LiF-Mg в интервале 110—150 К разрушаются  $V_k$ -, Mg<sup>+</sup>- и *F*-полосы поглощения. Следовательно, полосы 4.85 и 2.6 эВ рентгенолюминесценции при 140 К в этих кристаллах обусловлены рекомбинацией  $V_k$ - с Mg<sup>+</sup>- и *F*-центрами.

Таким образом, рост РЛ в интервале 100—140 К в LiF-Mg и 120— 150 К в LiF «чистых» обусловлен миграцией дырок к электронным Mg<sup>+</sup>и *F*-центрам и рекомбинацией с ними.

В процессе миграции дырки могут закрепляться у катионных вакансий, образуя термически более устойчивые V<sub>F</sub>-центры [<sup>9</sup>]. При использовании импульсного нагрева (с двухминутной выдержкой при постоянной температуре) образование V<sub>F</sub>-центров идет в интервале температур 120-155 К, а разрушение в интервале 240-270 К [10]. Некоторую информацию о вкладе свечения V<sub>F</sub>-центров в пик РЛ 260-270 К может дать вспышка РЛ. Механизм этого явления, как известно, заключается в пересадке дырок на центры свечения во время частичного отжига, что проявляется в увеличении низкотемпературной рентгенолюминесценции [11]. Усиление рентгенолюминесценции в кристаллах LiF при 90 K, обусловленное образованием V<sub>F</sub>-центров, наблюдалось в работе [12] после нагрева до 150 К и пропадало после нагрева до 260 К. Следует отметить, что наличие активаторного свечения помешало авторам этой работы выделить полосу свечения V<sub>F</sub>-центров. В наших кристаллах полоса свечения около 3.0 эВ, обусловленная посторонними примесями, начинает проявляться лишь при температурах выше комнатной. Вспышка РЛ в кристаллах LiF-Mg при 80 K увеличивается после рентгеновского облучения и нагрева до 130-150 К и разрушается в интервале 240-266 К. Такое же увеличение РЛ получено после рентгеновского облучения при 140 К. В процессе термической миграции дырки могут пересаживаться не только на  $V_{\sigma}^{-}$ ,

но и на другие более устойчивые дырочные центры. Вследствие этого после отжига V<sub>г</sub>-центров в спектре РЛ остается добавочная полоса. Полоса свечения  $V_F + e$  была определена как полоса РЛ, разрушающаяся при нагреве облученного кристалла в интервале 240-270 К. Полоса имеет максимум 4.2 эВ и полуширину 1.2 эВ.

Как уже указывалось ранее, после рентгеновского облучения LiF-Mg при 80 К возникает туннельная люминесценция с длительным временем затухания (т=13 мин) и E<sub>max</sub>=4.9 эВ. После затухания свечения при 80 К туннельная люминесценция будет возникать в том случае, когда дырки получат возможность подойти ближе к ионам Mg<sup>+</sup>. Туннельная люминесценция с таким же свечением возникает всякий раз после импульсного прогрева до температур ниже 130 К. Нагрев выше этой температуры приводит к изменению туннельной люминесценции: а именно уменьшению времени затухания и смещению максимума полосы свечения в длинноволновую сторону. Одновременно начинает наблюдаться вспышка РЛ, обусловленная появлением V<sub>F</sub>-центров. Максимум полосы туннельной люминесценции при этом ( $E_{\rm max}{=}4.5$  эВ) занимает промежуточное положение между свечением  $(V_k + e)_{Mg^{++}}$  и  $V_F + e$ . После прекращения роста вспышки РЛ пропадает и туннельная люминесценция. Люминесценция в данном случае возникает при рекомбинации V<sub>F</sub>-центра с электроном, туннелировавшим с соседнего иона магния.

Как видно из рис. 1, вклад в РЛ, обусловленный миграцией дырок, уменьшается при повышении температуры выше 140 К, когда начинается сильный рост вспышки РЛ, обусловленной образованием V<sub>F</sub>-центров. При этом, по-видимому, большая часть дырок закрепляется у катионных вакансий и не участвует в миграции. На рис. 1 под кривой пика РЛ 140 К приведен пик, получающийся после вычитания вклада мигрирующих дырок из общего свечения. Получившийся пик РЛ 160 К обусловлен рекомбинацией зонных электронов с V<sub>F</sub>-центрами. Положение полосы свечения, близкой к свечению  $V_k + e$  около  $Mg^{++}$ , говорит о том, что  $V_F$ -центр находится, по-видимому, в поле Mg++.

При температурах выше 200 К катионные вакансии во фтористом литии становятся подвижными (пик деполяризации Me<sup>++</sup>V<sup>-</sup> - 215 K) [<sup>13, 14</sup>]. При этом они могут отходить от Mg +V-и, захватывая дырки, преобразовываться в V<sub>F</sub>-центры. При этих же температурах начинается рост пика РЛ 260-270 К, спектр свечения в котором близок к спектру свечения  $V_{F}+e$ . При температуре выше 220 К  $V_{F}$ -центры начинают мигрировать [<sup>15</sup>]. Некоторая часть V<sub>F</sub>-центров может мигрировать к электронным ловушкам и рекомбинировать. Доля свечения, обусловленного этим процессом при 260 К, невелика, около 8% в LiF-Mg. Следовательно, основная доля экситовного свечения при этих температурах обусловлена рекомбинацией зонных электронов с V<sub>F</sub>-центрами.

#### Литература

シーン

- M. N. Kabler. Phys. Rev., 139, A, 1296, 1964.
   R. B. Murray, F. J. Keller. Phys. Rev., 137, A, 942, 1965.
   D. Pooley, W. A. Runkiman. J. Phys. C: Sol. St. Phys., 3, 1815, 1970.
   H. B. Dietrich, R. B. Murray. Bull. Am. Phys. Soc., 14, 130, 1969.
   C. J. Delbecq, W. Hayes, P. H. Yuster. Phys. Rev., 121, 1043, 4064 1961.

[6] А. И. Непомнящих, Е. А. Раджабов. Опт. и спектр., 48, в. 3, 1980.

[7] C. J. Delbecq, Y. Toyozawa, P. H. Yuster. Phys. Rev., B, 9,

[7] С. Ј. Delbecq, Y. Тоуоzawa, P. Н. Yuster. Phys. Rev., B, 9, 4497, 1974.
[8] М. Ф. Кинк, И. Ф. Яик. Тр. ИФА АН ЭССР, 35, 244, 1969.
[9] W. Капzig. J. Phys. Chem. Sol., 17, 88, 1960.
[10] Л. А. Пунг. Тр. ИФА АН ЭССР, 34, 164, 1966.
[11] Б. Г. Плаченов, В. П. Авдонин, Г. А. Михальченко. Вкн.: Радиационная физика 5, 123. «Зинатие», Рига, 1967.
[12] Б. Д. Лобанов, Л. П. Смольская, А. И. Непомнящих, Л. М. Георгиевская. Изв. АН СССР, сер. физ., 38, 1312, 1974.
[13] С. Laj, P. Berge. J. Phys. Chem. Sol., 30, 845, 1969.

[14] R. Capelletti, A. Gianotti. J. Physique, 37, C7-316, 1976.
[15] Ч. Б. Лущик, Р. И. Гиндина, Л. А. Пунг, Э. С. Тийслер, А. А. Эланго, Н. А. Яансон. Изв. АН СССР, сер. физ., 38, 1219, 1974.

Поступило в Редакцию 18 сентября 1979 г.

УДК 535.2 : 666.189.211+535.31

# РАСФОКУСИРОВКА ПУЧКА В СЛОИСТО-НЕОДНОРОДНОЙ СРЕДЕ

### Б. И. Орлов

В последнее время широкое применение находят градиентные волоконные световоды. Такие световоды обладают рядом интересных свойств [<sup>1, 2</sup>], благодаря которым они оказываются весьма перспективными в оптических системах для обработки информации, в волоконнооптических линиях связи. Это в первую очередь их линзоподобные свойства, обеспечивающие возможность передачи оптического изображения, которое оказывается сфокусированным в плоскостях, периодически расположенных вдоль оси волокна. Однако это свойство обеспечивается лишь в среде, в которой показатель преломления меняется по закону обратного гиперболического косинуса [<sup>3</sup>]. Поскольку на практике реализуются лишь различные приближения к этому закону, то представляет интерес исследовать фокусирующие свойства таких приближений.

Пусть на торец диэлектрического волновода с переменным показателем преломления

$$n(x) = n_0 (1 - Ax^2) \tag{1}$$

нормально падает пучок параллельных лучей. Точное решение уравнения траектории лучей для плоского случая, когда показатель преломления изменяется по параболическому закону (1), будет иметь вид

$$z - z_0 = -\frac{1 - Ax_0^2}{\sqrt{AC(C + 1 - Ax_0^2)}} [F(\varphi, k) - F(\varphi_0, k)], \qquad (2)$$

где

$$\varphi = (-)^m \arcsin\left(x \sqrt{\frac{AC}{C-1+Ax_0^2}}\right) + m\pi, \ k^2 = \frac{C-1+Ax_0^2}{C+1-Ax_0^2}, \ m = 0, \ 1, \ 2 \dots,$$
(3)

 $F(\varphi, k)$  — эллиптический интеграл первого рода,  $C = \sqrt{1 + p_0^2}$ ,  $p_0 = dx/dz$  в точке  $z = z_0$ .

Систему уравнений в декартовых координатах, разрешенную относительно старших производных, получим, основываясь на уравнениях Эйлера, вытекающих из вариационного принципа Ферма

$$\dot{p} = \frac{1 + p^2 + q^2}{n} \left( \frac{\partial n}{\partial x} - p \frac{\partial n}{\partial z} \right), \tag{4}$$

$$\dot{q} = \frac{1+p^2+q^2}{n} \left( \frac{\partial n}{\partial y} - q \, \frac{\partial n}{\partial z} \right). \tag{5}$$

Здесь  $p = \dot{x}$ ,  $q = \dot{y}$ , точкой обозначено дифференцирование по независимой переменной z, отсчитываемой вдоль оптической оси. В плоском случае с зависимостью показателя преломления, определяемой по (1), имеем первый интеграл уравнения (4)

$$p = \pm \sqrt{C^2 (1 - Ax^2)^2 - 1}.$$
 (6)

Постоянная интегрирования C определяется значением p в начальной точке  $x_0$ . Знак перед радикалом определяет направление траектории, исхо-